

Aufgabenblatt 3

- (7) Zeigen Sie im Kontext von § 7(a) für ein quadratfreies Polynom f aus $\mathbb{Z}_p[x]$:
Es gibt eine Basis h_1, \dots, h_t von W derart, dass $\text{ggT}(f, h_i) = u_i$ für $1 \leq i \leq t$.
- (8) Aus den Übungsaufgaben in [GCL] auf den Seiten 384 bis 387:
- (a) Berechne die quadratfreie Zerlegung von $x^{10} + x^6 + x^5 + x^3 + x^2 + 1$ in $\mathbb{Z}_2[x]$.
- (b) Zerlege $x^{15} - 1$ aus $\mathbb{Z}_2[x]$ in Primfaktoren mit Hilfe des Berlekamp-Verfahrens für kleine Primzahlen.
- (c) Berechne die gleichgradige Zerlegung des Polynoms $x^8 + x^7 + 2x^6 + 3x^5 + 3x^4 + 3x^3 + 2x^2 + 2x + 1$ in $\mathbb{Z}_7[x]$ und zerlegen Sie die erhaltenen Faktoren nach dem Verfahren von Cantor und Zassenhaus.
- (9) Was vereinfacht sich beim Berlekamp-Verfahren für kleine Primzahlen, wenn die Primteiler u_1, \dots, u_t alle den gleichen Grad haben, was wenn alle den Grad 1 haben?